

Boqonnaa

4

DANAALEE WALFAKKAATOO

Kaayyoo Gooroo Boqonnaa

Xummura barnoota boqonnaa kanaa booda:

- ⌚ yaadrim ee danaalee walfakkaatoo fi kan isaan wajjiin hariiroo qaban ni beekta.
- ⌚ rogsadoota walfakkaatoo fi uumama isaanii ni hubatta.
- ⌚ rogsadooni lama walfakkaatoo ta'uu yookiin ta'uu dhabuu isaanii ragaan ni mirkaneeffatta.

Qabiyyeewwan ijoo

4.1 Danaalee diriiroo walfakkaatan

4.2 Rogsadoota walfakkaatan

Jechoota Ijoo

Cuunfaa boqonnaa

Gilgaala Keessa Deebii

SEENSA

Sochii jirenya keenyaaf goonu keessatti meeshaalee gara garaa boca walfakkaatoo qabaatani ni argina. Garuu guddinaan adda adda ta'uu ni danda'u. Suuraa guddisuu ilaaluun, akkasumas meeshaalee bocaan walfakkaatan garuu guddinaan adda ta'an, fakkeenyaaf meeshaalee mul'atan kan akka T-shartootaa guddinaan qofa adda ta'an ilaaluun ni danda'ama. Rog – baay'oota boca walfakkaatoo qabanii fi guddinaan adda ta'anitti fayyadamuun walfakkaatina ibsuun ni danda'ama.

Danaalee boca walfakkaatoo fi guddinaan adda ta'an ilaaluun walfakkaatoodha jechuun dogoggara uumuu danda'a. Boqonnaa kana keessatti, danaaleen kennaman lamaan karaa itti walfakkaatoo ta'uu isaanii mirkaneeffachuu ni baratta.

4.1 DANAALEE DIRIROO WALFAKKAATOO

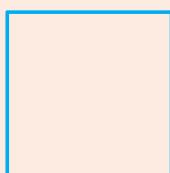
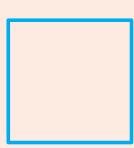
4.1.1 HIIKAA FI DANAALEE WALFAKKAATOO AGARSIISUU.

GOCHA 4.1



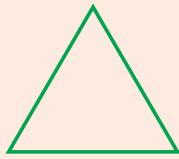
Danaalee cimdii armaan gaditti kennaman irratti hundaa'uun walfakkaatoo ta'uu isaanii fi walfakkaatoo ta'uu dhabuu isaanii murteessi.

a



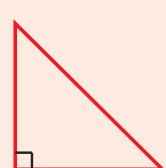
Lamaanuu iskuuweerota

b



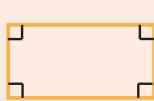
Lamaanuu rogsadee
Ikulaateraaliiidha

c

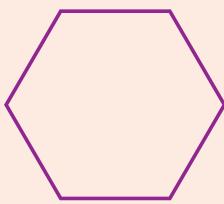


Lamaanuu rog -sadee
kofa sirrii dha

d



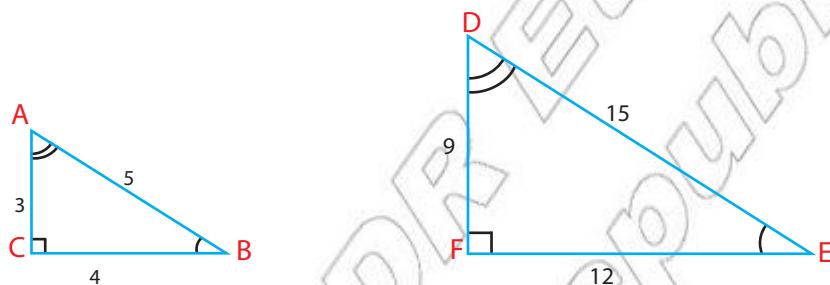
Lamaanuu rektaangili dha



Lamaanuu rog baay'ee
sirnaawaa rog -ja' ee dha

Gocha 4.1 hojjeechuudhaaf yommuu yaaltan danaalee cimdii a, b, fi e keessatti kennaman wal bira qabdani madaalchisuun salphaadha. Tokkoo tokkoo danaalee a, b, fi e keessatti rogoonti hundii fi kofootni keessa hundi walitti galoo dha. Kanaafuu danaaleen cimdii a, b fi e keessatti kennaman wal fakkaatoodha.

Rog sadootni cimdii (c) irratti kennaman lamaanuu kofa sirrii ta'u irra darbee odee effannoon kenname waa'een kofoota hafanii fi rogoottaa hin jiru. Akkasumas rektaangiloota cimdii d irratti kennaman odee effannoon ifa ta'e waa'een dheerina roga isaanii hin jiru. Kanaafuu danaalee cimdiin kun walfakkaatoo dha jedhanii murteessuun fudhatama hin qabu.



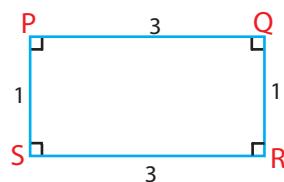
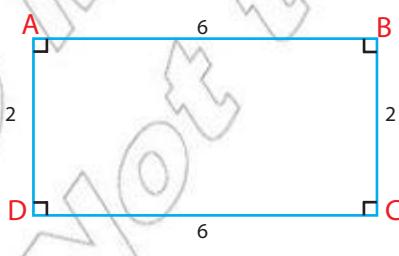
Danaa 4.1

Danaa 4.1 irratti rog sadootni lamaanuu rog-sadee kofa sirrii dha, ykn boca walfakkaatoo qabu. Kofootni waliif gitaa waliin walitti galoo dha. Garuu guddinaan adda dha. Kanaafuu, walitti galoo dha jedhanii eeguun hin danda'amu. Dheerinni rogoota ΔABC yommuu dheerinna rogoota walitti dhufuoo ΔDEF , wal madaalchifnu reeshoo gosa tokkoo arganna.

$$\text{Kunis, } \frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{1}{3} = \frac{AC}{DF}$$

Haala kanaanis rogoonti walitti dhufuoon rogsadoota lamaan kanaa piropporshinaalii dha.

Rektaangiloota cimdii armaan gaditti kennamaniif dheerina rogoottaa isaan qaban ilaali.



Danaa 4.2

Rektaangilootni lamaan bocaan gosa tokko, garuu guddinaan adda. Kanaafuu, walitti galoo mitii. Garuu yoo dheerina rogoota rektaangilii ABCD fi dheerinna rogoota rektaangilii PQRS isaan waliif gitaa, wal bira qabnee ilaalle, reeshoo gosa tokko arganna; kunis,

$$\frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} = \frac{CD}{RS} = \frac{AD}{PS} = 2$$

Rogootni waliif gitaa rektaangiloota lamaanii piropporshinaalii dha.

Rog-baay'ootni lama kanneen baay'inni rogoota isaanii tokkichaa walfakkaatoo kan ta'an, yoo kofoonni waliif gitaa walitti galoo ta'anii fi yoo rogoonni waliif gitaa piropporshinaalii ta'ani dha. Kanaafuu, rog-sadootni kofa sirrii lamaanii fi rektaangilootni armaan olii fakkeenyota rog-baay'ee walfakkaatoo dha.

Hiikoo 4.1

Rog-baay'ootni lama kanneen baay'inni rogoota isaanii wal qixaa walfakkaatoo dha kan jedhaman yoo

- i Kofootni waliif gitaa walitti galoo ta'anii fi
- ii Rogootni waliif gitaa piropporshinaalii ta'ani dha.

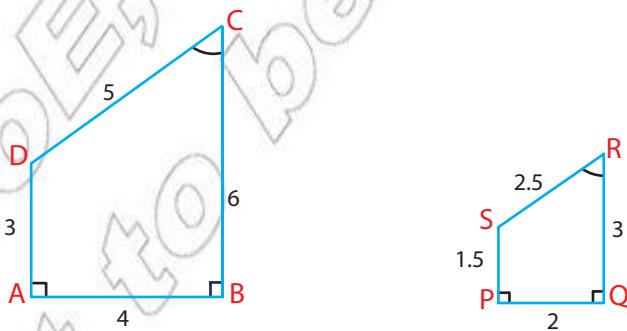
Yommuu rog-baay'ee P_1 fi P_2 walfakkaatoo ta'an $P_1 \sim P_2$ jennee barreessina. Yeroo dubbisamus P_1 fakkaataa P_2 jennee ti. Yookiin P_1 fi P_2 wal fakkaatoo dha jenna.

Kanaafuu, rog-sadee kofa sirrii lamaanii fi rektaangilii lamaan danaa 4.1 fi danaa 4.2 armaan olii gabaabaatti akka armaan gadii tti barreessuu ni dandeenyaa:

$\Delta ABC \sim \Delta DEF$ fi $ABCD \sim PQRS$ jennee barreessina.

Rog-baay'een armaan gaditti kennaman lamaan walfakkaatoo ta'uu isaanii agarsiisi?

Fakkeenyaa1:



Danaa 4.3

Furmaata

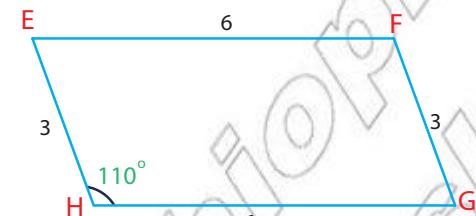
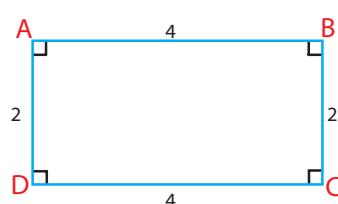
Yemmuu rog-afree ABCD fi rog -afree PQRS walbira qabnee ilaaluu, kofootni waliif gitaa walitti galoo dha. ($\angle D \equiv \angle S$? maaliif akka ta'uu danda'e agarsiisi.)

$$\frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{QR} = \frac{CD}{RS} = \frac{DA}{SP} = 2$$

Kanaafuu, akkaataa hiikoo armaan olitti kennameen $ABCD \sim PQRS$.

Fakkeenyaa 2

Rog-afree lamaan armaan gadii wal fakkaatoo ta'uu fi ta'uu dhabuu mirkaneessi?



Danaa 4.4

Furmaata:

Yommuu dheerina rogaa, rog-afree $ABCD$ fi rogoota isaaniif gitaa rog-afree $EFGH$ waliin madaallu kan armaan gadii argana.

$$\frac{AB}{EF} = \frac{BC}{FG} = \frac{CD}{GH} = \frac{AD}{EH} = \frac{2}{3}$$

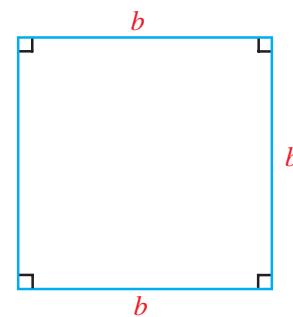
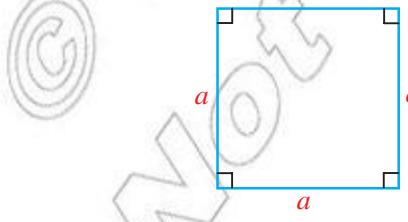
Haata'u malee, kofootni waliif gitaa walitti galoo miti. Kanaafuu, rog-afree $ABCD$ fi rog-afree $EFGH$ 'n rog- baay'ee walfakkaatoo miti.

Fakkeenyaa 3

Iskuweerotni lamaan kamiyyuu walfakkaatoo ta'uu agarsiisi.

Furmaata

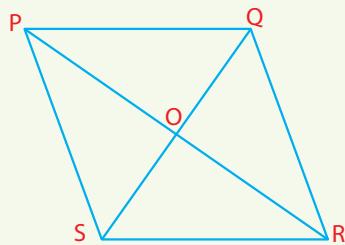
Dheerinni rogoota iskuweerotna lamaanii a fi b yoo ta'an reeshoon rogoota waliif gitaa $\frac{a}{b}$ ta'a. Dabalataan tokkoo tokkoona kofoota keessaa kofa sirrii dha. Kofootni waliif gitaa walitti galoo dha. Kanaafuu iskuweerotni lamaan wal fakaatoo dha.



Danaa 4.5

GILGAALA 4.1

- 1 Rog-sadootni walitti galoo ta'an lama kamiyyuu wal fakkaatoo ta'uu isaanii agarsiisi.
- 2 Rog-sadeen ikkulaateraliin lama kamiyyuu wal fakkaatoo ta'uu isaanii agarsiisi.
- 3 Danaan armaan gadii paraaleeloogiramii dha. Sarbiwwan lamaan paraaleeloogiramii kanaa tuqaa O irratti walqaxxaamuru. Rog-sadoota wal fakkaatoo cimdii afran kana irratti uumaman barbaadi? Deebii kees ibsi.



Danaa 4.6

- 4 a Rog-sadootni aysoosilasii lama yeroo hunda walfakkaatoo dha? Maaliif?
- b Rektaangilootni lama yeroo hunda walfakkaatoo dha? Maaliif?
- 5 Dheerinni rogoota rog-afree tokkoo 3, 5, 7 fi 9cm dha. Rogni dheeraan rog-afree walfakkaatu tokkoo 12cm dheerata yoo ta'e, dheerina rogoota biroo barbaadi?
- 6 Rog-sadee ABC, kamiyyuu yoo kennname, akkamiin rog-sadee isa duraanii fakkaatu hojjechuun danda'ama?
 - i Iskeelii kennameen guddisuun ii Iskeelii kennameen xiqqeessuun
- 7 Rektaangilii ABCD'n yoo kennname, akkamiin rektaangilii isa duraan walfakkaataa ijaaruu dandeessa?
 - i Iskeelii kennameen guddisuun ii Iskeelii kennameen xiqqeessuun
- 8 Rogootni wal maddii rektaangilii kennname tokkoo dheerinni isaanii yuunitii 4 fi 6 dha. Rogoota rektaangilii kennname tokkoo yuunitii lamaan yoo guddisnu, rektaangilii kan biraa arganna. Rektaangilootni lamaan kun wal fakkaatuu? Maaliif?

4.1.2 DHAAB-GITEESSA ISKEELII TARTIILEE FI PIROPPORSHINAALUMMAA

GOCHA 4.2

(Meshaaleen gocha kana hojjechuuf barbaachisan sarartuu, Qubeessaa, kompaasii, pirootiraakterii)

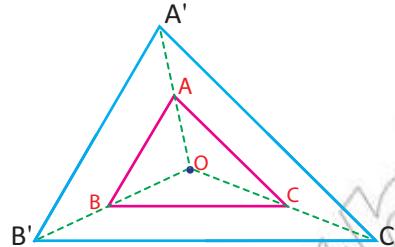


Kaayyoon: Rog-sadee kennameen kan wal fakkaatu rog-sadee irra guddaa fakkeessuu.

Rog-sadee ABC'n kan kennname ta'ee O'n tuqaa kamiyyuu rog-sadee keessatti argamu yoo ta'e, rog-sadee kana waraqaa irratti garagalchuun kanneen armaan gadii hejjedhu.

- i \overline{OA} irratti haala $OA' = 2(OA)$ dheerattutti A' mul'isi.
- ii \overline{OB} irratti haala $OB' = 2(OB)$ ta'utti B' mul'isi
- iii \overline{OC} irratti haala $OC' = 2(OC)$ ta'uutti C' mul'isi.

Tuqalee A' B' fi C' sararoota dhaabatoon walqunnamssiisi. Kunis $\overline{A'B'}$, $\overline{B'C'}$ fi $\overline{AC'}$ ta'a.



Danaa 4.7

Dheerina rogoota rog sadee ABC safari. Akkasumas dheerina rogoota rog-sadee A'B'C' safari. Kofoota sadan rog-sadee lamaaniis safari.

- i Waa'ee reeshoo rogoota waliif gitaa rog-sadee lamaanii maal hubatte?
- ii Waa'ee safara kofoota waliif gitaa rog-sadoota lamaanii maal hubatte?

Dheerina rogoottaa fi kofootaa rog-sadee lamaanii sirriitti yoo safarte kofootni waliif gitaa waliitti galoo, akkasumas rogoontni waliif gitaa piropporshinaalii ta'uu ni arganna. Kunis

$$\angle A \equiv \angle A', \angle B \equiv \angle B', \angle C \equiv \angle C' \text{ fi } \frac{A'B'}{AB} = \frac{B'C'}{BC} = \frac{A'C'}{AC} = 2$$

Kunis rog-sadootni lamaan wal fakkaatoo ta'uu mul'isa. Akkataa hiikoo rog-baay'ee wal fakkaatoo duraan kennameen; reeshoon rogoota walitti dhufuu rog-sadootaa "dhaab-giteessaa piropporshinaalummaa" jedhama. Kanaafuu gocha 4.2 armaan duraa irraa rogoontni rog-sadee A'B'C' piropporshinaalii rogoota rog-sadee ABC ti. Dhaab-giteessi isaas 2 dha.

Kanaafuu, $\Delta A'B'C'$ fakkaattii ΔABC ti. Dhaab-giteessi piropporshinaalummaa $k = 2$ kan handhuura irraa diddiriisuun argame dha.

Malli **Gocha 4.2** keessatti itti gargaaramne handhuurarraa diriirsuu dha. Handhuurarraa diriirsuu sochii addaa kan danaalee kennaman guddisuuf yookiin xiqqeessuuf nu gargaaru dha. Fakkeenyaa armaan gadii ilaali.

Fakkeenyaa 4

Rog-afree ABCD armaan gadii dhaabgiteessa piropporshinaalummaa 3 tti gargaarammuun guddisi.

Furmaata:

Tuqaalee rektaangilii ABCD keessatti argaman keessaan tokko O jedhii moggaasi.

Tuqaa O irraa ka'iitii \overrightarrow{AO} , \overrightarrow{OB} , \overrightarrow{OC} , fi \overrightarrow{OD} ijaari. Haala $OA' = 3(OA)$, $OB' = 3(OB)$, $OC' = 3(OC)$ fi $OD' = 3(OD)$ ta'een A' , B' , C' fi D' mul'isi. Itti fufuun $A'B'C'D'$ ijaari.

Kuni rog-afree $A'B'C'D'$ siif kenna.

$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{B'C'}{BC} = \frac{C'D'}{CD} = \frac{A'D'}{AD} = 3$$

Fakkeenya 5

Danaa 4.9

Dhaabgiteessa piropporshinaalummaa $k = \frac{1}{2}$ tti

fayyadamuun danaa ΔABC xiqqeessi.

Furmaata

Xiyyoolii OA, OB fi OC irratti tuqaalee A' , B' fi C' tartiibaan mul'isi. Fageenya tuqaaleen kun 'O' irra

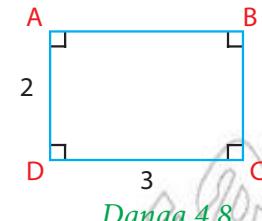
qaban $OA' = \frac{1}{2}OA$, $OB' = \frac{1}{2}OB$ fi $OC' = \frac{1}{2}OC$ taasisi.

Tuqaalee A' , B' fi C' sararoota qajeeloon walqabsiisi.
Kuni danaa rog-sadee $A'B'C'$ siif kenna.

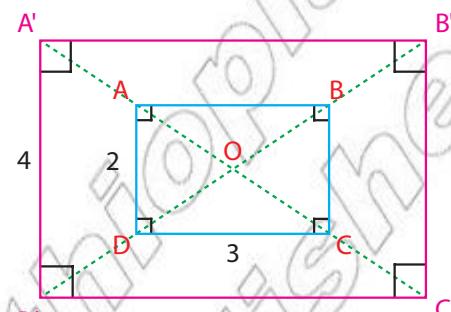
Kanaan booda safaruun mirkaneessuu dandeessu.

$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{B'C'}{BC} = \frac{A'C'}{AC} = \frac{1}{2}$$

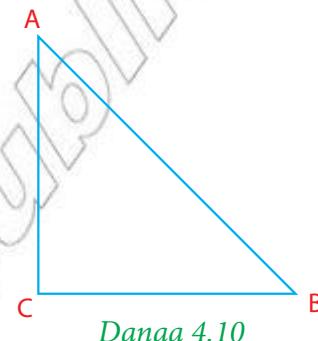
Kanaafuu, $\Delta A'B'C'$ 'n fakkaattii ΔABC dhaab-giteessa piropporshinaalummaa $\frac{1}{2}$ xiqqeessuun argame dha.



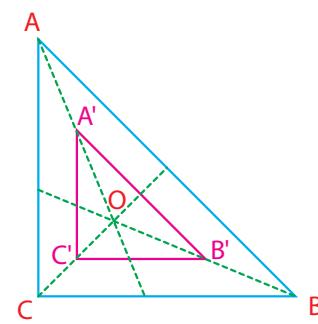
Danaa 4.8



Danaa 4.9



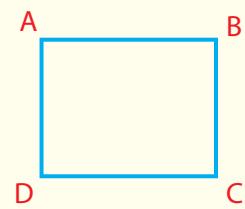
Danaa 4.10



Danaa 4.11

HOJII GAREE 4.1

Dhaabgiteessa piropporshiinaalummaa $k = \frac{1}{3}$ tti gargaaramuuun rektaangilii ABCD xiqqeessi ijaari.



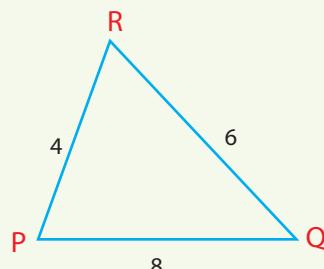
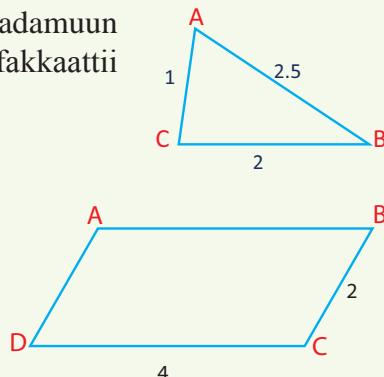
Hubadhu:

Rektaangilii irra xiqqaa kan isa duraatiin wal fakkaatu jidduu rektaangilii ABCD tti hojjechuu yoo barbaadde O bakka sarbiwwan rektaangilii ABCD itti wal qaxxaamuran taasisi. Kan kanaan alaa "O"n tuqaa kamiyyuu kan ABCD keessatti argamu ta'uu danda'a.

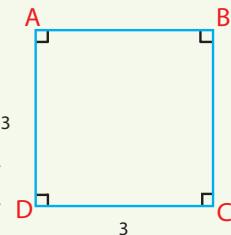
Fakkeenyota armaan olii irraa akkuma ilaaltutti fakkaattiin guddisun yookiin xiqqeessuun argame danaa duraa waliin wal fakkaata. Dhaab-giteessi ittiin guddisnu yookiin xiqqeessuu reeshoo rogoota waliif gitaa waliin walqixa.

GILGAALA 4.2

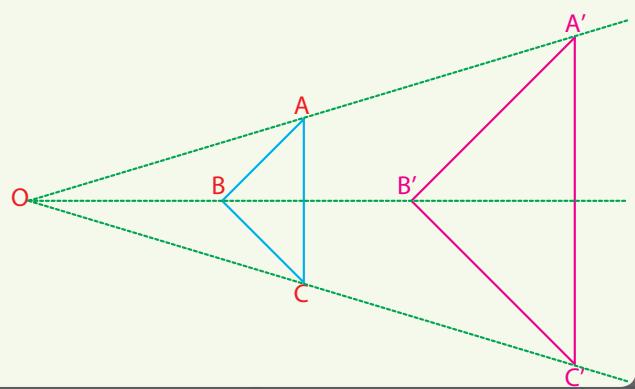
- 1 Dhaabgiteessa piropporshinaalummaa $k = 3$ tti fayyadamuun rog-sadee ABC armaan gaditti kennameef fakkaattii hojjedhu.
- 2 Dhaabgiteessa piropporshinaalummaa $k = 2$ tti gargaarammuun paaralaaloogiraamii ABCD armaan gadii guddisi.
- 3 Dhaabgiteessa piropporshinaalummaa $k = \frac{1}{4}$ tti fayyadamuun rog-sadee PQR armaan gadii xiqqeessi.



- 4 Dhaabgiteessa $k = \frac{1}{3}$ tti fayyadamuun iskuweerii armaan gaditti kenname xiqqeessuun ijaari.
- 5 Gaafilee armaan olitti (1-4) kennaman, keessatti reeshoo rogoota danaa kennamaanii fi dheerina rogoota waliif gitaa danaa haaraa guddisun yookiin xiqqeessuun argame irraa maal hubate?
- 6 Danaa kanaa gaditti kenname irratti tuqaa "O" ΔABC tiif fudhadhu. $\overline{OA}, \overline{OB}$ fi \overline{OC} irratti tuqaalee A', B' fi C' haala $OA' = 2(OA)$, $OB' = 2(OB)$, $OC' = 2(OC)$ ta'een mul'isi. Roga sadee A'B'C' ijaari.



- i Waa'ee kofoota waliif gitaa rog-sadoota lamaanii jechuunis kan ΔABC fi $\Delta A'B'C'$ maal jechuu dandeessa?
- ii Reeshoon rogoota waliif gitaa rog-sadee kana lamaanii hoo? Safaruun waliin madaali.



4.2 ROG-SADOOTA WALFAKKAATAN

4.2.1 SEENSA ROGSADOOTA WAL FAKKAATANII

Kutaa darbe keessatti wa'ee danalee diriiroo wal fakkaatanii barachuun kee ni yaadatama. Akkasumas, hiikoo danaalee diriiroo walfakaatanii baratteetta. Sababa rog-sadootni danaalee diriiroo hunda irra salphaatti baratamaniif, golee kana keessatti xiyyeffannaa guddaan kennmeeraaf. Verteksii tokkicha irraa kaanee sarbiwwan rog-baay'ee tokko hunda yoo ijaarre rog-sadootii waan qooduu dandeenyuuf, wal fakkaatinsa rog-sadoota beekuun wal fakkaatinsa rog-baay'otaa beekuuf nu gargaara.

GOCHA 4.3



Kaayyoon:- Rog sadootni wal fakkaatoo ta'uun isaanii mirkaneessuuf.

Meeshaaleen barbaachisan: sarartoo, qubeessaa, Kompaasii.

- 1 Dheerina rogoota fi kofoota rog-sadootaa ABC fi DEF armaan gadii safari.
 - a Reeshoo dheerina rogoota waliif gitaa barbaadi.
 - b Safari kofoota waliif gitaa rog –sadootaa irraa maal hubatte?
 - c Tartiibni walitti galummaa yoo jijjiirame maaltu ta'a? Yoo ΔABC fi ΔEFD wal bira qabnee ilaalle rogoonti waliif gitaa reeshoo isa duraanii kennuu? Safari kofoota waliif gitaa hoo?
- 2 Gaafffi 1^{ffaa} armaan olii irratti hundaa'uun hiikoo rog-sadoota walfakaatan lamaa barreessi.

Gocha 4.3 keessatti rogoottaa fi kofoota sirriitti safarteetta yoo ta'e, ΔABC fi ΔDEF keessatti $\angle A \equiv \angle D$, $\angle B \equiv \angle E$ fi $\angle C \equiv \angle F$. Akkasumas, rogoonti waliif gitaa piropporshiinalii walitii yookiin reeshoo gosa tokko qabu.

Kunis $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{FE} = \frac{AC}{DF}$. Rogsadootni lamaan akkasii kun rog-sadoota walfakaatoo jedhamu. Kanatti aansuudhaan hiikoo waal fakkaatina rogsadootaa haaluma hiikoo wal fakkaatina rogbay'etin hiikna.

Hiikoo 4.2

Rogsadoonni lama walfakkaatoo dha kan jennu kofootni waliif gitaa walittigaloo fi rogoootni waliif gitaa piropporshinaalii yoo ta'ani dha.

Haala kanaan $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ jennee barreessina, ΔABC fakkaataa ΔDEF jennee dubbifna.

Haala hiikoo armaan oliitti kennameen, $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ jechuun, kanneen armaan gadii hundi dhugaa ta'a jechuu dha.

$$\angle A \equiv \angle D$$

$$\angle B \equiv \angle E$$

$$\angle C \equiv \angle F \text{ fi } \frac{AB}{DE} = \frac{BC}{FE} = \frac{AC}{DF} = k$$

Rog-sadootni lamaan akkasii wal fakkaatoo dha.

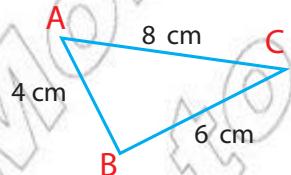
Karaa biraatiin rogsadoonni lama wal fakkaatoo ta'uua isaanii argisiisuuf, himoonnii armaan olii ja'an dhugaa ta'uua isaanii mirkaneessuu qabna. Haa ta'u malee haala gabaabaa fi salphaa ta'een walfakkaatina rogsadoota lamaa akkaataa itti agarsiisuun danda'amu ni baratta. Kan biraatti osoo hin darbiin dura beekumsa $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ jedhu keessatti, walfakkaatina agarsiisuu qofa osoo hin ta'iin kofoota waliif gitaa fi rogoota waliif gitaa rogsadootaa kan argisiisu ta'uua beekuun, kofootnii fi rogoootni waliif gitaa akkaataa armaan gadiin kaa'ama.



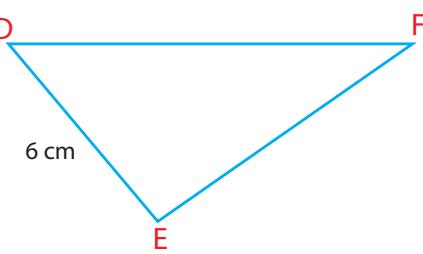
Fakkeenya 6:

Danaa armaan gadii keessatti $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ yoo ta'e

i Dheerina \overline{EF} barbaadi.



ii Dheerina \overline{DF} barbaadi.



Danaa 4.12

Furmaata

Sababa rog-sadootni kennaman lamaan walfakkaataniif, hiikoo wal fakkaatina rogsadootaan

$$\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{DF} = k \text{ (k 'n lakkoofsa)}$$

Kanaafuu,

$$\text{i} \quad \frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF}$$

$$\frac{4}{6} = \frac{6}{EF}$$

$$4(EF) = 6 \times 6$$

$$\frac{4(EF)}{4} = \frac{36}{4}$$

$$EF = 9\text{cm}$$

$$\text{ii} \quad \frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF}$$

$$\frac{4}{6} = \frac{8}{DF}$$

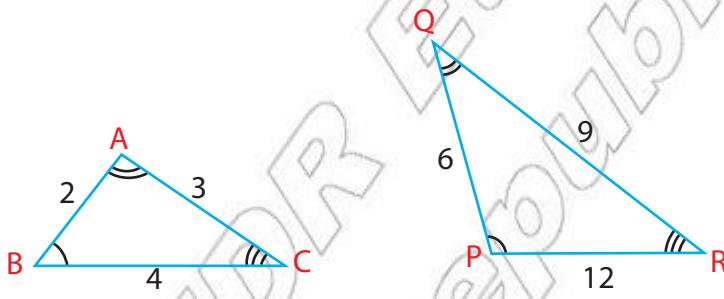
$$4(DF) = 6 \times 8$$

$$\frac{4(DF)}{4} = \frac{48}{4}$$

$$DF = 12\text{cm}$$

Fakkeenya 7:

Danaa armaan gadii irratti kofoota walitti galoo fi rogoota waliif piropporshinaalii ta'an agarsiisuun, rog sadoota wal fakkaatan barreessi.



Danaa 4.13

Danaa armaan olii kana irraa:

$$\angle A \equiv \angle Q, \angle B \equiv \angle P \text{ fi } \angle C \equiv \angle R$$

Walitti galummaa kofootaatti aansuun, piropporshinaalummaa rogoota waliif gitaa yoo ilaaltee ammoo,

$$\frac{AB}{PQ} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{BC}{PR} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

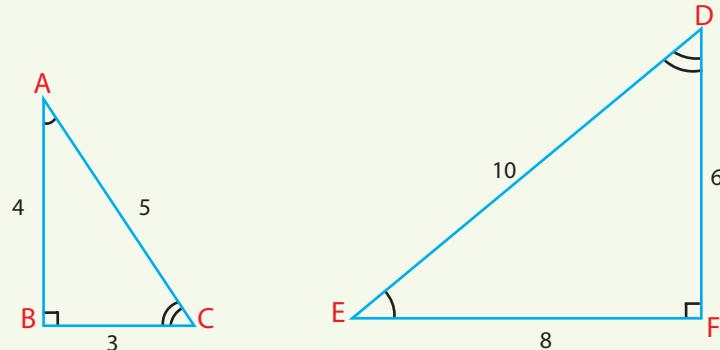
$$\frac{AC}{QR} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

$$\text{Kanaafuu, } \frac{AB}{PQ} = \frac{BC}{PR} = \frac{AC}{QR}$$

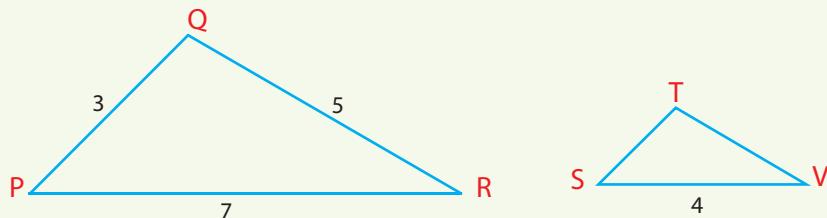
Rog-sadee ABC fi rog-sadee PQR wal biraq qabnee yoo ilaallu kofootni waliif gitaa walitti galoo dha. Akkasumas rogoootni waliif gitaa piropporshinaalii dha. Kanaafuu, $\Delta ABC \sim \Delta PQR$

GILGAALA 4.3

- 1 Rog-sadootni walitti galoon hundi walfakkaatoo ta'uu isaanii agarsiisi?
- 2 Yoo $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ fi $\Delta DEF \sim \Delta PQR$ ta'e waa'ee ΔABC fi ΔPQR maal jechuu dandeenya?
- 3 Rog-sadoota armaan gadii irraa hima wal fakkaatina isaanii barreessi.



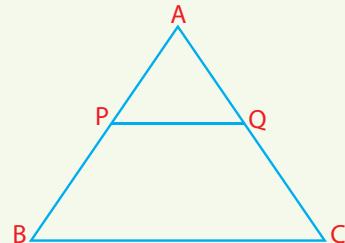
- 4 Danaa armaan gadii irratti yoo $\Delta PQR \sim \Delta STV$ ta'e, dheerina \overline{ST} fi \overline{TV} barbaadi.



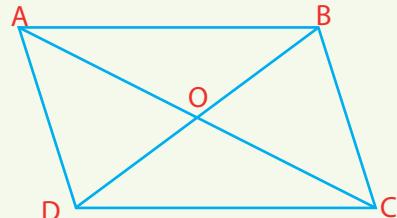
- 5 Yoo $\Delta ABC \sim \Delta DEF$ fi $BC = 18$, $DF = 15$, $EF = 12$ fi $DE = 9$ ta'e, dheerina rogoota ΔABC isaan hafan lamaanii barbaadi.
- 6 Rogootni sadan rog-sadee tokkoo 6 cm, k cm fi 12 cm dheeratu. Rogootni isaanif gitaa rog-sadee walfakkaataa ℓ cm, 12 cm fi 16 cm duraa duubaan yoo ta'an, dheerina k fi ℓ barbaadi.
- 7 Danaa armaan gadii irratti, $\Delta ABC \sim \Delta AQP$. $AP = 4$, $AQ = 3$, $CQ = 6$ fi $BC = 12$.

i Dheerina $AB = \underline{\hspace{2cm}}$

ii Dheerina $PQ = \underline{\hspace{2cm}}$



- 8 Danaa armaan gadii irratti ABCD'n paraaleloogiramii dha. \overline{AC} fi \overline{BD} 'n sarbiwwan tuqaa 'O' irratti walqaxxaamuran yoo ta'e, $\Delta AOB \sim \Delta COD$ ta'uu agrasiisi.



4.2.2 WAL FAKKAATINA ROG-SADOOTAA

Rog-sadootni kennaman lamaan wal fakkaatoo ta'uu fi ta'uu dhiisuu mirkaneeffachuuf wantootni murteessoo ta'an:

- i Kofootni waliif gitaa walitti galoo ta'uu fi
- ii Rogootni waliif gitaa piropporshinaalii ta'uu dha.

Mala kanaan rog-sadootni lama wal fakkaatoo ta'uu mirkaneessuun yeroo kan fudhatu dha. Kanaafuu, karaa gabaabaa kan rog-sadootni kennaman walfakkaatoo ta'uu ykn ta'uu dhiisuu ittiin mirkaneessinu qabaachuun barbaachisaa dha.

Golee kana keessatti, maloota sadii kanneen rog-sadootni kennaman lama wal fakkaatoo ta'uu ykn ta'uu dhiisuu isaanii ittiin beekuu dandeessu baratta.

GOCHA 4.4



Kaayoo:- Rog-sadootni kennaman wal fakkaatoo ta'uu mirkaneessuu.

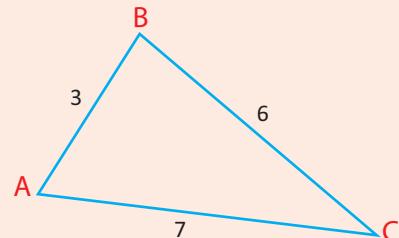
Meeshaaleen barbaachisan: sarartoo, qubeessaa, kompaasii, pirootiraakteerii

Rog-sadee ABC mul'atu kana dabtara kee irratti fakkeesuun mala duraan baratteen, dhaab giteessaa piropporshinaalummaa 2'n guddisi.

Kan argatte $\Delta A' B' C'$ jedhii moggassi.

Kofoota hundaa fi rogoota hundaa rog-sadoota lamaanii, ΔABC fi $\Delta A'B'C'$ safaruun waliin madaali.

- i Waa'ee reeshoo rogoota waliif gitaa maal hubatte?
- ii Waa'ee kofoota waliif gitaa maal hubattee?



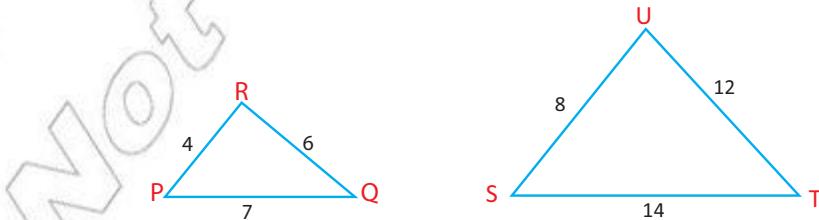
Rogootni sadan rog-sadee kennamanii piropporshinaalii walii ta'uun walfakkaatina rog-sadee lamaaniif gahaa dha.

Tiyooramii walfakkaatina Roga-Roga-Roga (RRR)

Rogooni waliif gitaa sadan rog-sadoota lamaa yoo piropporshinaalii ta'an, rog-sadeewwan lamaan walfakkaatoo dha.

Fakkeenyaa 8

Rog-sadootni lamaan armaan gadii walfakkatoo ta'uu agarsiisi.



Danaa 4.16

Furmaata:

Dheerina rogoota rog-sadoota lamaanii of eeggannoon ilaali.

$$\frac{PQ}{ST} = \frac{7}{14} = \frac{1}{2}, \frac{QR}{TU} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2} \text{ fi } \frac{RP}{US} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

Kanaafuu, $\frac{PQ}{ST} = \frac{QR}{TU} = \frac{RP}{US}$

$\Delta PQR \sim \Delta STU \dots RRR$

GOCHA 4.5

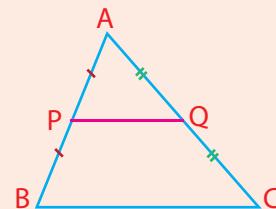
Kaayyoon: walfakkaatina rog-sadootaa mirkaneessuu

Meeshaaleen barbaachisan: sarartoo, kompaasii, qubeessaa, pirootiraakterii.

ΔABC armaan gadii keessatti mee P fi Q'n walakkeessitoota \overline{AB} fi \overline{AC} duraa duubaan haa ta'an. Danaa kana dabtra kee irratti garaglchuun \overline{PQ} ijaari.

Rog-sadoota ΔAPQ fi ΔABC yoo fudhanne

$$\angle PAQ \cong \angle BAC \text{ fi } \frac{AP}{AB} = \frac{AQ}{AC} = \frac{1}{2}$$



- i Dheerina \overline{PQ} fi \overline{BC} safaruun $\frac{PQ}{BC}$ barbaadi.
- ii Kofoota $\angle APQ$ fi $\angle ABC$ safaruun waliin madaali.
- iii Kofoota $\angle AQP$ fi $\angle ACB$ safaruun waliin madaali. Maal hubatte?

Yoo safarrii kee gochaa 4.5 armaan olii sirrii ta'e, kofootni waliif gitaa ΔAPQ fi ΔABC walitti galoo fi rogoontni waliif gitaa piroopporshinalii ta'uu argita. Gabaabumatti rog-sadootni lamaan walfakkaatoo dha.

Hubadhu

Rog-sadoota lamaan ΔAPQ fi ΔABC keessatti $\frac{AP}{AB} = \frac{AQ}{AC}$ fi $\angle PAQ \cong \angle BAC$

Safaruudhaan $\angle APQ \cong \angle ABC$. Kunisrog-sadootnilamaanwalfakkaatoo ta'uu nutti agarsiisa.

Kunis yaada walii-galaa tiyooramii armaan gadiin ibsame irra nu geessisa.

Tiyooramii walfakkaatinnaa (RKR)

Rog-sadoota lama keessatti rogoonni lamaan rog-sadee tokkoo rogoota isaaniif gitaa rog-sadee lammataaf piroopporshinalii fi kofoonni gidduu isaanii walitti galoo yoo ta'an, rog-sadootni lamaan walfakkaatoo dha.

Fakkeenya 9:

Danaa armaan gadii irratti rog-sadoota isaan kamitu walfakkaatoo dha.

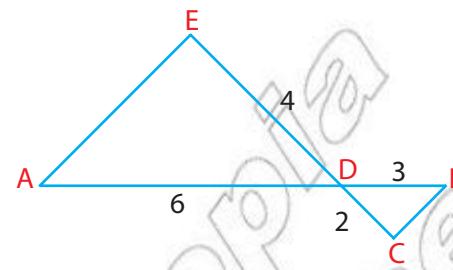
Furmaata:

$\Delta ADE \cong \Delta BDC$ keessatti.

i $\angle ADE \cong \angle BDC$ (kofoota waliin duuba)

ii $\frac{AD}{BD} = \frac{6}{3} = 2$ fi $\frac{DE}{DC} = \frac{4}{2} = 2$

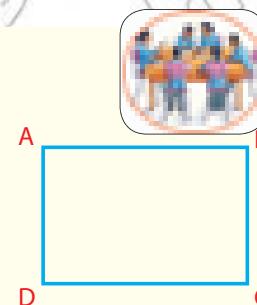
Kanaafuu, $\Delta ADE \sim \Delta BDC$, tiyooramii walfakkaatinnaa RKR tiin

**HOJII GAREE 4.2**

Kaayyoo: walfakkaatinna rog-sadootaa mirkaneessuuf.

Meeshaaleen barbaachisan: sarartoo, qubeessaa, pirootiraakterii, kompaasii.

Danaa armaan gadii keessatti $\Delta ABD \cong \Delta ECD$ fudhadhu. Lamaanuu B fi C irratti kofa sirrii dha. Akkasumas D irratti ammoo kofa waliinii qabu.



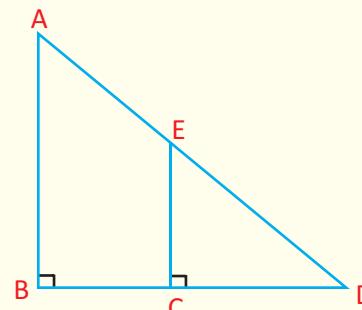
Danaa kana dabtara kee irratti gargalchuun dhugaa ta'uu kanneen armaan gadii hubadhu.

i $\angle CED \cong \angle BAD$ (maaliif?)

ii Dheerina rogoota rog-sadee lamaanii safaruun waliin madaali (reeshoon rogoota waliif gitaa tokkicha ta'uu isaa)

$$\frac{AB}{EC}, \frac{AD}{ED} \text{ fi } \frac{BD}{CD}$$

iii $\Delta ABD \cong \Delta ECD$ 'n walfakkaatoodhaa?



Yoo safarri rogoota rog-sadoota hojii garee armaan olii sirrii ta'e $\frac{AB}{EC} = \frac{AD}{ED} = \frac{BD}{CD}$ arganna. Kanaafuu, $\Delta ABD \sim \Delta ECD$

Rog-sadootni ABD fi ECD lamaan kofoota walitti galoo lama qabu. Rog-sadootni lamaan akkasii walfakkaatoodha.

Tiyooramii walfakkaatinna Kofa-Kofa (KK)

Rog-sadoota lama keessatti, kofootni lama kan isa tokkoo, kofoota lama kan isa lammataa wajjiin walitti galoo yoo ta'an, rog-sadootni lamaan wal fakkaata dha.

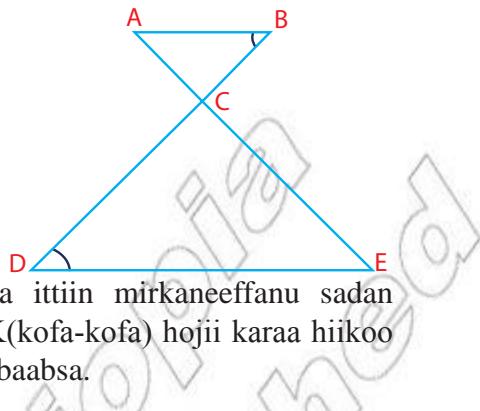
Fakkeenya 10:

Danaa armaan gadii irratti yoo $\angle ABC \cong \angle CDE$ ta'an, rog-sadoota lamaan isaan kamitu wal fakkaata? Maaliif?

Furmaata:

- i $\angle ABC \equiv \angle EDC$ (kan kenname)
- ii $\angle ACB \equiv \angle ECD$ (kofoota waliin duubaa)

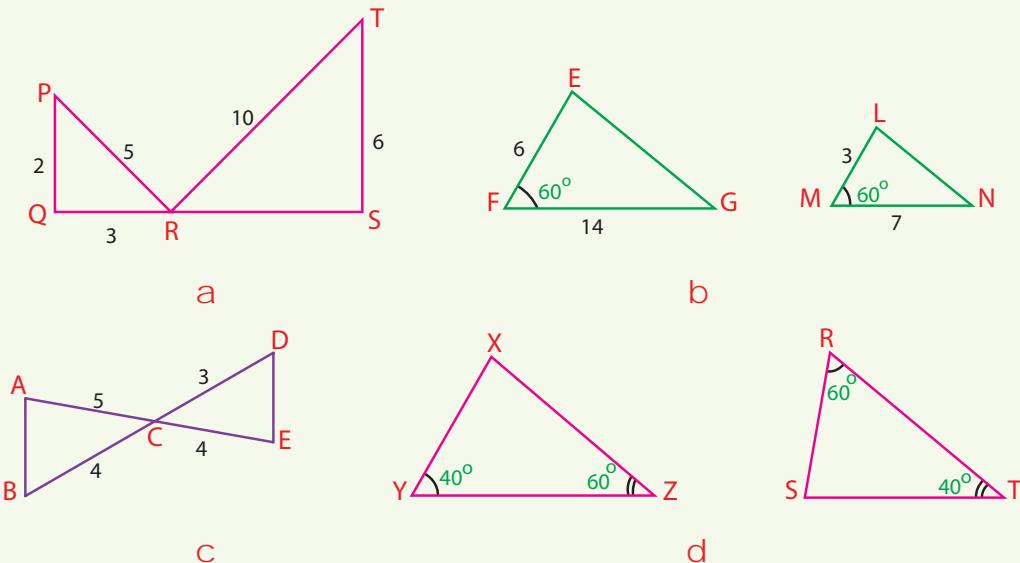
Kanaafuu, $\Delta ABC \sim \Delta EDC$ (Tiyooramii wal fakkaatina KK'n)



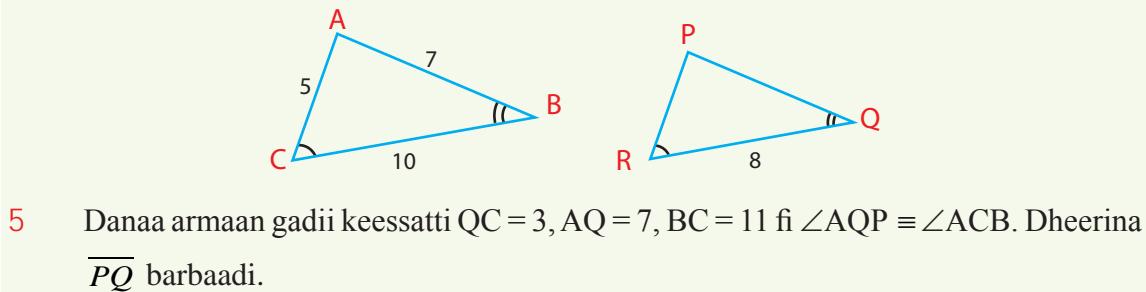
Tiyooramootni wal fakkaatina rog-sadoota lamaa ittiin mirkaneeffanu sadan RRR (roga-roga-roga) RKR (roga-kofa-roga) fi KK(kofa-kofa) hojii karaa hiikoo walfakaatina mirkaneessuu isa dheeraa ture nuuf gabaabsa.

GILGAALA 4.4

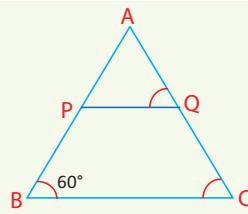
- 1 Rog-sadootni cimdii armaan gadii walfakaatoo ta'uu yookiin ta'uu dhiisuu isaanii addaan baasi. Walfakaatoo yoo ta'an tiyooramii kamiin akka ta'e himi. (Dheerinni isaanii yuunitii gosa tokkoon kan kenname).



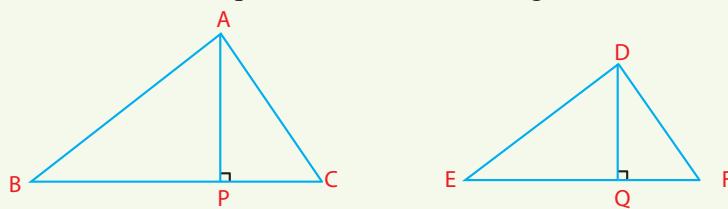
- 2 Rog-sadootni ikkuulaateeraaliin lama walfakaatoo ta'uu isaanii agarsiisi.
- 3 $\triangle ABC$ fi $\triangle PQR$ keessatti yoo $AB = 16$, $AC = 20$, $PQ = 4$, $PR = 5$ fi $S(\angle A) = S(\angle P)$ ta'e rog-sadootni lamaan wal fakkaatoo dhaa? (maaliif?)
- 4 Danaa armaan gadii irratti, dheerina rogoota hin beekamiin $\triangle PQR$ barbaadi?



- 5 Danaa armaan gadii keessatti $QC = 3$, $AQ = 7$, $BC = 11$ fi $\angle AQP \equiv \angle ACB$. Dheerina \overline{PQ} barbaadi.



- 6 $\triangle PQR$ keessatti $PR = 40$, $PQ = 32$, $QR = 48$. Yoo S tuqaa \overline{PR} irra ta'eef $RS = 30$
fi T 'n tuqaa \overline{QR} irra ta'eef $RT = 36$ ta'e
- $\triangle PQR \sim \triangle STR$ ta'uu agarsiisi.
 - Dheerina \overline{ST} barbaadi.
- 7 Yoo $\triangle ABC \sim \triangle DEF$, oleewwan waliif gitaa \overline{AP} fi \overline{DQ} reeshoo rogoota waliif
gitaa rog-sadoota lamaanii qabuu? (Danaa armaan gadii ilaali)



4.2.3 NAANNAWAA FI BAL'INA ROGSADDOOTA WAL FAKKAATOO

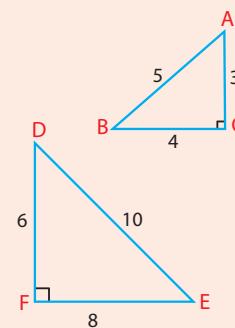
Barnoota kutaa darbanii keessatti akkaataa naannawaa fi bal'ina rog-baay'ee (rog-sadee, rektaangilii iskuweerii, paaraaleeloogiraamii, roombaasi... kkf) itti barbaadan barachuu kee ni yaadatta. Kana keessatti, hariiroo naannawaa fi bal'ina rog-sadoota wal fakkaatoo baratta.

GOCHA 4.6



Rog-sadoota walfakkaatoo ABC fi DEF armaan gaditti kennamaniif

- Naannawa rog-sadoota lamaanii barbaadi
- Reeshoo naannawa $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ barbaadi.
- Reeshoo rogoota waliif gitaa fi reeshoo naannawootaa waaliin madaali.
- Bal'ina rog-sadoota lamaanii barbaadi.
- Reeshoo bal'ina $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ barbaadi.
- Reeshoo bal'inaa fi reeshoo naannawa rogoota waaliif gitaa waaliin madaali.



Gocha 4.6 yoo sirriitti hojettaniittu ta'e kanneen armaan gadii hubattu.

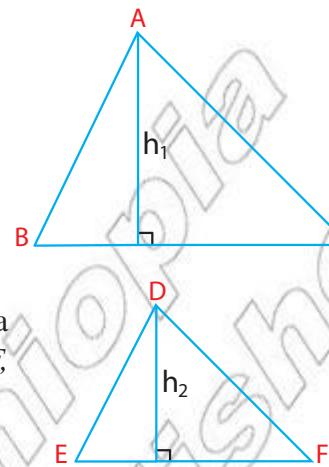
- Reeshoon naannawa isaanii fi reeshoon rogoota isaanii walqixa.
- Reeshoon bal'ina isaanii, iskuweerii reeshoo rogoota isaanii waaliin walqixa.

Dhugaan armaan olii waa'ee rog-sadoota walfakkaatoo lamaanii akka armaan gadiitti agarsiifama.

$\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ 'n walfakkaatoo yoo ta'ani fi akkasumas h_1 fi h_2 olee $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ vertexsii A fi D irraa ka'an yoo ta'an:

$$\frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF} = \frac{BC}{EF} = k.$$

Kunis, $AB = k(DE)$, $AC = k(DF)$ fi $BC = k(EF)$



- i Reeshoon naannawa $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$: naannawa $\triangle ABC$, $P_1 = AB + BC + AC$ fi naannawa: $\triangle DEF$, $P_2 = DE + EF + DF$.

$$\begin{aligned}\frac{P_1}{P_2} &= \frac{AB + BC + AC}{DE + EF + DF} \\ &= \frac{K(DE) + k(EF) + k(DF)}{DE + EF + DF} = \frac{K(DE + EF + DF)}{DE + EF + DF} = k\end{aligned}$$

- ii Reeshoo bal'ina rog-sadoota lamaanii barbaaduuf:

$$\text{Bal'inni } \triangle ABC = \frac{1}{2}(BC) \times h_1 \text{ fi bal'inni } \triangle DEF = \frac{1}{2}(EF) h_2$$

$$\frac{\text{Bal'inni } \triangle ABC}{\text{Bal'inni } \triangle DEF} = \frac{\frac{1}{2}BC h_1}{\frac{1}{2}EF h_2} = \frac{BC}{EF} \frac{h_1}{h_2} = k \cdot \frac{h_1}{h_2} = k^2$$

Deebii gaafii lakkoofsa 7^{ffaa} gilgaala 4.4 armaan olii irraa $\frac{h_1}{h_2} = k$.

Dhugaa kana irraa:

Tiyooramii:

Yoo reeshoon rogoota waliif gitaa rog-sadoota lamaa k ta'e, reeshoon naannawni isaanii k dha. Reeshoon bal'ina isaanii ammoo k^2 ta'a.

Fakkeenya 11:

$\triangle ABC \sim \triangle DEF$, $AB = 4\text{cm}$ fi $DE = 12\text{cm}$

- i Reeshoon bal'ina $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ hammami?
ii Reeshoon naannawa $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ hammami?

Furmaata

i $\frac{AB}{DE} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}.$

Tiyooramii armaan oliin, $\frac{\text{Bal'ina } \Delta ABC}{\text{Bal'ina } \Delta DEF} = \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9}$

ii Tiyooramii dhuma sanaan $\frac{\text{Naannawa } \Delta ABC}{\text{Naannawa } \Delta DEF} = \frac{AB}{DE} = \frac{1}{3}$

Fakkeenya 12:

$\triangle PQR \sim \triangle ABC$, $QR = 40 \text{ cm}$, $BC = 30 \text{ cm}$ fi bal'inni $\triangle ABC = 360 \text{ cm}^2$, yoo ta'an bal'ina $\triangle PQR$ barbaadi.

Furmaata:

$$\frac{QR}{BC} = \frac{40 \text{ cm}}{30 \text{ cm}} = \frac{4}{3}$$

$\triangle PQR \sim \triangle ABC$, (kennama)

$$\frac{\text{Bal'inni } \Delta PQR}{\text{Bal'inni } \Delta ABC} = \left(\frac{4}{3}\right)^2 = \frac{16}{9}$$

$$\frac{\text{Bal'inni } \Delta PQR}{360 \text{ cm}^2} = \frac{16}{9};$$

$$\text{Kanaafuu, bal'inni } \triangle PQR = \frac{16}{9} (360) \text{ cm}^2 = 640 \text{ cm}^2$$

GILGAALA 4.5

- 1 Rog-sadootni lama walfakkaatoo dha haa jennu. Rogootni waliif gitaa lamaan 10 cm fi 15 cm duuraa duubaan yoo ta'an reeshoo naannawaa fi reeshoo bal'ina isaanii barbaadi.
- 2 Rog-sadootni wal fakkaatoon lama, yoo bal'inni rog-sadee jalqabaa 36 cm^2 fi bal'inni rog-sadee lammataa 64 cm^2 ta'e, reeshoo rogoota waliif gitaa barbaadi.
- 3 Mee rog-sadootni lamaan walfakkaatoo dha haa jennu. Dheerinni roga rog-sadee tokkoo dachaa 5 kan roga isa duraaf gitaa ti. Reeshoo naannawaa fi reeshoo bal'ina rog-sadoota lamaanii barbaadi.
- 4 $\triangle ABC \sim \triangle LMN$. $AC = 11 \text{ cm}$. $LN = 15 \text{ cm}$ fi naannowni $\triangle ABC = 44 \text{ cm}$ dha. Naannawa $\triangle LMN$ barbaadi.
- 5 Rogootni rog-sadee sadan 7, 11 fi 6 cm dheeratu. Naannawni rog-sadee walfakkaataa 72 cm dha. Dheerinna rogoota rog-sadee isa guddaa sadeen barbaadi.
- 6 Rog-sadeen bal'inni isaa 12 cm^2 ta'e dhaab giteessa piropporishinaalummaa 3'n yoo guddate bal'ina rog-sadee haaraa kanaa barbaadi.
- 7 $\triangle ABC \sim \triangle PQR$. Bal'inni rog-sadee $\triangle ABC = 20 \text{ cm}^2$, bal'inni $\triangle PQR = 80 \text{ cm}^2$ yoo ta'ee fi $AB = 6 \text{ cm}$ yoo ta'an dheerina \overline{PQ} barbaadi.

 **Tarmoota Ijoo** 

- | | |
|--|--|
| ↳ Danaalee diriiroo walfakkaatan | ↳ Rog-sadoota walfakkaatan |
| ↳ Iskeelii dhaab-giteessaa | ↳ Piropporshinaallummaa |
| ↳ Walfakkaatina mirkaneessuu | ↳ Reeshoo rogootaa |
| ↳ Danaa kenname guddisuu
yookiin xiqqeessuu | ↳ Naannawaa fi bal'ina rog-
sadoota |
| ↳ mirkaneessuu | ↳ RRR, RKR, kk walfakkaatinnaa |

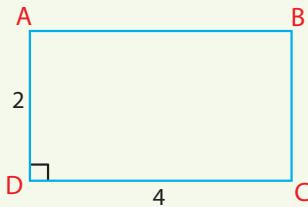

Guduunfaa Boqonnaa


- Rog-baay'ootni lama walfakkaatu kan jedhaman yoo kofootni waliif gitaa walitti galoo ta'anii fi rogootni waliif gitaa piropporshinaalii ta'ani dha.
- Danaan diriiroo tokko iskeelii dhaab giteessaa itti fayyadamuuun guddisuu ykn xiqqeessuun, danaa haaraa kan isa duraaniin wal fakkaatu arganna.
- Rog-sadootni lama kan walfakkaatan, yoo kofootni waliif gitaa walitti galoo ta'anii fi rogootni waliif gitaa piropporshinaalii ta'ani dha.
- Walfakkaatinsi $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$, $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ jedhamee barreffama. $\angle A \equiv \angle D$, $\angle B \equiv \angle E$, $\angle C \equiv \angle F$ fi
$$\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{DF}$$
 jechuu dha.
- Walfakkaatinsi rog-sadoota lamaa tiyooramoota sadan RRR, RKR yookiin KK tiin mirkanaa'uun danda'u. Isaanis:
 - i Yoo rogootni sadan rog-sadee tokko rogoota sadan rog-sadee biroof piropporshinaalii ta'an. rog-sadootni lamanan walfakkaatoo dha (RRR)
 - ii Rog-sadoota lama keessatti, rogootni lamaan rogsadee isa tokkoo, rogoota waliif gitaa rogsadee isa lammataaf piropporshinaalii fi kofootni gidduu rogootaa walitti galoo yoo ta'an, rogsadootni lamaan walfakkaatoo dha. (RkR)
 - iii Rog-sadoota lama keessatti, kofoonni lama kan isaa tokkoo, kofoota lama kan isa lammataa wajjiin walittigaloo yoo ta'an, rog-sadootni lamaan walfakkaatoo dha.
- Rog-sadootni lama walfakkaatoo yoo ta'anii fi reeshoon rogoota waliif gitaa k yoo ta'e,
 - i Reeshoon naannawa isaanii k ta'a.
 - ii Reeshoon bal'ina isaanii ammoo k² ta'a.

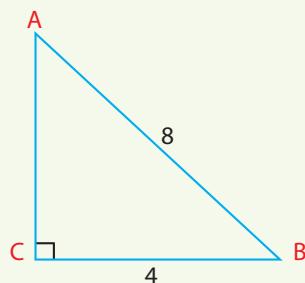
GILGAALA KEESSA DEEBII

- 1 Dheerinni rogoota rog-shanee tokkoo 4, 5, 6, 8 fi 10 cm dha. Rogni gabaabaa rog-shanee kanaan walfakkaatuu 6 cm yoo ta'e, dheerina rogoota rog-shanee lammataa barbaadi.
- 2 Rog-sadootni lama $\triangle ABC$ fi $\triangle DEF$ walfakkaatoo dha. Dheerinni roga $\triangle DEF$ dacha shan roga isaaf gita kan $\triangle ABC$ dheerata. Reeshoo naannawa isaanii fi reeshoo bal'ina isaanii barbaadi.

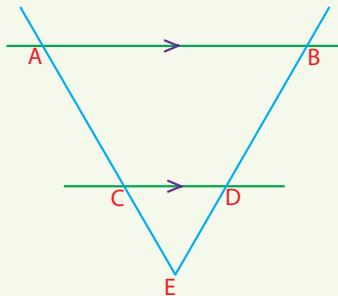
- 3 Rektaangilii ABCD armaan gadii dhaabgiteessa piroporshinaalummaa 1.5 fayyadamuun guddisi.



- 4 Rog-sadee ABC armaan gadii dhaab giteessa piroporshinaalummaa $\frac{1}{3}$ tti fayyadamuun xiqqeessi.

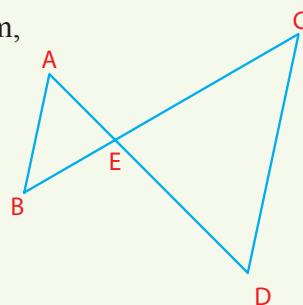


- 5 Danaa armaan gadii irratti $\overline{AB} / / \overline{CD}$, $DE = 6$ cm, $BE = 9$ cm fi $AE = 15$ cm yoo ta'an dheerina \overline{CE} barbaadi.



- 6 Danaa armaan gadii irratti $\overline{AB} / / \overline{CD}$, $AE = 2$ cm, $CD = 7$ cm, fi $DE = 4$ cm, yoo ta'an:

- i Rog-sadoota lamaan kamtu walfakkaatoo dha?
- ii Dheerinni \overline{AB} hammami?



- 7 Namni tokko dheerina RQ haroo akka armaan gadiin baruu barbaade. Lafa irratti tuqaa P haala $\overline{PQ} \perp \overline{RQ}$ ta'een filate. Kanaan booda safaruun akka argatetti $PQ = 13$ km fi $TQ = 4$ km. $TS \perp \overline{PQ}$ yoo ta'ee fi dheerinni $\overline{TS} = 5$ km yoo ta'e, dheerinni \overline{RQ} haroo hammam ta'a?
-
- 8 Yeroo tokko gaaddidduun Tolasaa 2.5 m dheerata. Yeroodhuma sana gaaddidduun muka tokko 9m dheeratu. Yoo dheerinni Tolasaa 1.66 m ta'e, dheerinni mukichaa hammami?
- 9 Rog-sadootni lama walfakkaatu. Dheerinni roga rog-sadee isa tokkoo si'a 3 roga waliif gitaa isa biraati. Bal'inni rog-sadee isa guddaa 216cm^2 dha. Bal'ina rog-sadee isa xiqqaa barbaadi.
- 10 Rog-sadootni ayisoosilesiin lama kofoota walitti galoo verteeksii qabu. Rog-sadootni lamaanakkasi walfakkaatoo ta'u isaanii agariisi.
- 11 Danaa armaan gadii irratti
- i $\Delta AEC \sim \Delta BDC$ fi
 - ii $\Delta BFE \sim \Delta AFD$ ta'uu agarsiisi
- 12 Danaa armaan gadii irratti ΔABC 'n rog-sadee kofa sirrii dha. Kofti sirriin C irratti argama. PQRS ammoo iskuweerii dha. Kanneen armaan gadii dhugaa ta'uu agarsiisi.
- i $\frac{AB}{AP} = \frac{BC}{PQ}$
 - ii $\frac{AQ}{PC} = \frac{QP}{CS}$
 - iii $\frac{PC}{SR} = \frac{PS}{SB}$
- 13 Danaa armaan gadii keessatti, $\overline{PQ} \parallel \overline{BC}$. Kana malees $\overline{PQ} = m$, $\overline{BC} = a$, $\overline{CQ} = t$ fi $\overline{AQ} = d$. Akka kanatti, m hariiroo a, t fi d tiin ibsi.
-